

Документ подписан простой электронной подписью

Информация о владельце:

ФИО: Шебзухова Татьяна Александровна  
Должность: Директор Пятигорского института (филиал) Северо-Кавказского  
федерального университета  
Дата подписания: 05.09.2023 14:48:58  
Уникальный программный ключ:  
[d74ce93cd40e39275c3ba2f58486412a1c8ef96f](#)

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**Федеральное государственное автономное образовательное учреждение**  
**высшего образования**  
**«СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»**  
**Пятигорский институт (филиал) СКФУ**  
**Колледж Пятигорского института (филиал) СКФУ**

**УТВЕРЖДАЮ**  
Директор Пятигорского института  
(филиал) СКФУ  
\_\_\_\_\_  
Т.А. Шебзухова  
«\_\_» 20\_\_ г.

## **ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ**

для проведения текущего контроля и промежуточной аттестации  
(ЭЛЕКТРОННЫЙ ДОКУМЕНТ)

По дисциплине Математика

Специальности СПО 29.02.04 Конструирование, моделирование и технология швейных изделий

Форма обучения очная

Учебный план 2021 года

Объем занятий: Итого	61 ч.
В т.ч. аудиторных	36 ч.
Лекций	12 ч.
Практических занятий	24 ч.
Самостоятельной работы	25 ч.

Дата разработки: «22» марта 2021г.

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
«СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»  
Пятигорский институт (филиал) СКФУ  
Колледж Пятигорского института (филиал) СКФУ

УТВЕРЖДАЮ  
Директор Пятигорского института  
(филиал) СКФУ \_\_\_\_\_ Т.А. Шебзухова  
«\_\_» \_\_\_\_\_ 20\_\_ г.

## Комплект разноуровневых задач по дисциплине Математика

**Тема 1.8** Вычисление определенного интеграла

### 1 Задачи 1 уровня

Задание 1. Вычислите определенные интегралы

- 1.
- 2.
- 3.
- 4.
- 5.

### 2 Задачи 2 уровня

Задание 1. Вычислите определенные интегралы

- 1.
- 2.
- 3.
- 4.
- 5.

### 3 Задачи 3 уровня

Задание 1. Вычислите определенные интегралы

- 1.
- 2.
- 3.
- 4.
- 5.

## **Тема 3.4 Повторение испытаний. Формула Бернулли.**

### **1 Задачи 1 уровня**

1. Вероятность семян оценивается вероятностью 0,8. Какова вероятность того, что из пяти посаженных семян взойдет три?
2. Монету бросают семь раз. Найти вероятность того, что «герб» выпадет: а) менее трех раз; б) не менее трех раз.
3. Вероятность попадания в цель при одном выстреле составляет 0,8. Найти вероятность четырех попаданий при шести выстрелах

### **2 Задачи 2 уровня**

1. В семье пять детей. Найти вероятность того, что среди этих детей: а) два мальчика; б) не более двух мальчиков; в) более двух мальчиков. Вероятность рождения мальчика принять равной 0,54.
2. Монету бросают 10 раз. Найти вероятность того, что «герб» выпадет: а) менее четырех раз; б) не менее четырех раз.
3. Вероятность попадания в цель при одном выстреле составляет 0,9. Найти вероятности трех попаданий при шести выстрелах.
4. найти вероятность того, что событие А появится не менее четырех раз в пяти независимых испытаниях, если вероятность появления события А в одном испытании равна 0,4.

### **3 Задачи 3 уровня**

1. На испытательный стенд поставлено 8 одинаковых изделий, вероятность выхода из строя изделия равна 0,1. Чему равна вероятность того, что откажут два изделия; более двух изделий.
2. Вероятность наступления события А в одном испытании равна 0,7 Найти вероятность того, что событие А произойдет не менее 2 раз в 4 независимых испытаниях.
3. Найти вероятность того, что в семье имеющей 6 детей, не менее двух девочек. Предполагается, что вероятность рождения мальчика и девочки одинаковые.
4. В ящике сложены детали: 16 деталей с первого участка, 24 – со второго и 20 – с третьего. Вероятность того, что деталь изготовленная на втором участке, отличного качества, равна 0,6, а для деталей, изготовленных на первом и третьем участках, вероятности равны 0,8. Найдите вероятность того, что наудачу извлеченная деталь окажется отличного качества.

### **Критерии оценивания компетенций**

*Оценка «5» ставится за работу, выполненную без ошибок и недочетов или имеющую не более одного недочета.*

*Оценка «4» ставится за работу, выполненную полностью, но при наличии в ней:*

- а) не более одной негрубой ошибки и одного недочета,
- б) или не более двух недочетов.

*Оценка «3» ставится в том случае, если студент правильно выполнил не менее половины работы или допустил:*

- а) не более двух грубых ошибок,
- б) или не более одной грубой ошибки и одного недочета,
- в) или не более двух-трех негрубых ошибок,
- г) или одной негрубой ошибки и трех недочетов,
- д) или при отсутствии ошибок, но при наличии 4-5 недочетов.

*Оценка «2» ставится, когда число ошибок и недочетов превосходит норму, при которой может быть выставлена оценка «3», или если правильно выполнено менее половины работы.*

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**Федеральное государственное автономное образовательное учреждение**  
**высшего образования**  
**«СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»**  
**Пятигорский институт (филиал) СКФУ**  
**Колледж Пятигорского института (филиал) СКФУ**

**УТВЕРЖДАЮ**  
Директор Пятигорского института  
(филиал) СКФУ  
\_\_\_\_ Т.А. Шебзухова  
«\_\_» \_\_\_\_ 20\_\_ г.

**Фонд тестовых заданий**  
по дисциплине Математика  
**Тестовые задания для проверки остаточных знаний**

**Вариант 1**

1. Область определения функции  $y = \sqrt{7-x} + 1$  имеет вид:  
а)  $x \in (-\infty; 7)$ ; б)  $x \in (7; \infty)$ ; в)  $x \in (-\infty; 7]$ ; г)  $x \in [7; \infty)$ .
2. Угловой коэффициент касательной к графику функции  $y = 3 + 8x - 3x^2$  в точке  $x_0 = 2$  равен:  
а) 2; б) -1; в) -4; г) 4.
3. Производная функции  $y = x^2 \operatorname{tg} x$  имеет вид:  
а)  $y' = 2x \frac{1}{\cos^2 x}$ ;  
б)  $y' = 2x \operatorname{tg} x + x^2 \frac{1}{\cos^2 x}$ ;  
в)  $y' = 2x + \frac{1}{\cos^2 x}$ ;  
г)  $y' = 2x \operatorname{tg} x - x^2 \frac{1}{\cos^2 x}$ .
4. Производная функции  $y = 4 \operatorname{arcctg} x$  в точке  $x_0 = 1$  равна:  
а) 2; б) 0; в)  $-\frac{1}{2}$ ; г) -2.
5. Производная функции  $y = \sin(5 - 2x)$  имеет вид:  
а)  $y' = -2 \cos(5 - 2x)$ ;  
б)  $y' = -2 \sin(5 - 2x)$ ;  
в)  $y' = \cos(5 - 2x)$ ;  
г)  $y' = 2 \cos(5 - 2x)$ .
6. Точкой минимума функции  $y = \frac{1}{3}x^3 - 2x^2$  является:  
а) нет экстремума; б) -2; в) 4; г) 0.

7. Если скорость материальной точки, движущейся прямолинейно, равна  $V(t) = 3 + 4t$ , тогда путь  $S$ , проденный точкой за время  $t = 3$  от начала движения, равен:  
 а) 4;      б) 27;      в) 18;      г) 45.
8. Вторая производная функции  $y = 1 - 2x + 4x^2$  имеет вид:  
 а)  $y'' = -2x + 8$ ;  
 б)  $y'' = 3$ ;  
 в)  $y'' = 8$ ;  
 г)  $y'' = 0$ .

9. Множество всех первообразных функции  $y = \frac{2}{x^2}$  имеет вид:

а)  $-\frac{4}{x^3} + c$ ;      б)  $-\frac{2}{x}$ ;      в)  $-\frac{4}{x^3}$ ;      г)  $-\frac{2}{x} + c$ .

10. Определённый интеграл  $\int_1^2 4x^3 dx$  равен:  
 а)  $x^4$ ;      б) 15;      в) 36;      г) 17.

11. Используя свойства определённого интеграла, интеграл  $\int_0^{2\pi} (\cos(5x-1) + 2x^3) dx$  можно привести к виду:

а)  $2 \int_0^{2\pi} (\cos(5x-1) + x^3) dx$ ;  
 б)  $\int_0^\pi \cos(5x-1) dx + \int_\pi^{2\pi} 2x^3 dx$ ;  
 в)  $\int_0^{2\pi} (\cos(5x-1) + 2x^3) dx$ ;  
 г)  $\int_0^{2\pi} \cos(5x-1) dx + 2 \int_0^{2\pi} x^3 dx$ .

12. Значение предела  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{6x}$  равно:

а) 0;      б) 3;      в)  $\frac{1}{3}$ ;      г) 1.

13. Значение предела  $\lim_{x \rightarrow 8} \frac{x(x-8)}{x^2 - 64}$  равно:  
 а) -0,5;      б) 0,5;      в)  $\infty$ ;      г) 0.

14. Предел  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 4}$  равен: \_\_\_\_\_.

15. Значение предела  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{1 - 2x^2 + 3x}{4 - 3x + x^2}$  равно:

а) -2;      б)  $\frac{1}{4}$ ;      в) 0;      г)  $\infty$ .

**Вариант 2**

1. Угловой коэффициент касательной к графику функции  $y = 2x^2 - 5x - 3$  в точке  $x_0 = 2$  равен:  
а) 3;      б) -3;      в) 13;      г) 0.
2. Производная функции  $y = 6 \arccos x$  в точке  $x_0 = 0$  равна:  
а) -6;      б) 0;      в)  $-\frac{1}{6}$ ;      г) 6.
3. Производная функции  $y = \sin 8x$  имеет вид:  
а)  $y' = \cos 8x$ ;  
б)  $y' = -8 \cos 8x$ ;  
в)  $y' = 8 \cos 8x$ ;  
г)  $y' = 8 \sin 8x$ .
4. Если скорость материальной точки, движущейся прямолинейно, равна  $V(t) = 2t + 3$ , тогда путь  $S$ , пройденный точкой за время  $t = 2$  от начала движения, равен:  
а) 4;      б) 2;      в) 10;      г) 14.
5. Вторая производная функции  $y = 2 + x - 5x^2$  имеет вид:  
а)  $y'' = 10$ ;  
б)  $y'' = 1 - 10x$ ;  
в)  $y'' = -10$ ;  
г)  $y'' = 0$ .
6. Множество всех первообразных функции  $y = 6x^2$  имеет вид:  
а)  $12x + c$  ;      б)  $2x^3 + c$  ;      в)  $2x^3$  ;      г)  $12x$ .
7. Если  $\int f(x)dx = 2^x + x^5 + c$ , тогда функция  $f(x)$  равна:  
а)  $2^x \ln 2 + 5x^5$  ;      б)  $2^x + 5x^4$  ;      в)  $2^x \ln 2 + 5x^4$  ;      г)  $\frac{2^x}{\ln 2} + 5x^4$ .
8. Определённый интеграл  $\int_1^2 8x^3 dx$  равен:  
а) 72;      б) 30;      в) 32;      г)  $2x^4$ .
9. Используя свойства определённого интеграла, интеграл  $\int_2^7 (\ln(6-x) + \frac{4}{\sqrt{x}})dx$  можно привести к виду:  
а)  $\int_2^7 \ln(6-x)dx + 4 \int_2^7 \frac{dx}{\sqrt{x}}$  ;  
б)  $4 \int_2^7 (\ln(6-x) + \frac{1}{\sqrt{x}})dx$  ;  
в)  $\int_7^2 (\ln(6-x) + \frac{4}{\sqrt{x}})dx$  ;  
г)  $\int_2^4 \ln(6-x)dx + \int_4^7 \frac{4}{\sqrt{x}}dx$  .

10. В результате подстановки  $t = 5x - 1$  интеграл  $\int \frac{dx}{\sqrt{5x-1}}$  приводится к виду:

a)  $5 \int \frac{dt}{\sqrt{t}}$ ;

б)  $\frac{1}{5} \int \frac{dt}{\sqrt{t}}$ ;

в)  $\int \frac{dx}{\sqrt{t}}$ ;

г)  $\int \frac{dt}{\sqrt{t}}$ .

11. Точка  $x = -2$  для функции  $y = \frac{x^2 + 1}{x + 4}$  является:

а) точкой устранимого разрыва;

б) точкой разрыва I рода;

в) точкой непрерывности;

г) точкой разрыва II рода.

12. Значение предела  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 4x}{3x}$  равно:

а) 1;      б) 0;      в)  $\frac{3}{4}$ ;      г)  $\frac{4}{3}$ .

13. Значение предела  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{(x-3)(x+5)}{x^2 - 3x}$  равно:

а)  $\infty$ ;      б)  $\frac{8}{3}$ ;      в) 0;      г)  $-\frac{8}{3}$ .

14. Предел  $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x^2 + 5x - 20}{10 - x}$  равен: \_\_\_\_\_.

15. Значение предела  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6 - 5x^2}{2 + x - x^2}$  равно:

а) 5;      б) 3;      в) 0;      г)  $\infty$ .

### Вариант 3

1. Угловой коэффициент касательной к графику функции  $y = 3 - 2x - x^2$  в точке  $x_0 = 1$  равен:

а) -4;      б) 0;      в) -1;      г) 4.

2. Производная функции  $y = x^4 \sin x$  имеет вид:

а)  $y' = 4x^3 \cos x$ ;

б)  $y' = 4x^3 \sin x - x^4 \cos x$ ;

в)  $y' = 4x^3 + \cos x$ ;

г)  $y' = 4x^3 \sin x + x^4 \cos x$ .

3. Производная функции  $y = 3 \operatorname{arcctg} x$  в точке  $x_0 = 0$  равна:

- а) 3;      б) 0;      в) -3;      г) -1.
4. Производная функции  $y = e^{6x}$  имеет вид:  
 а)  $y' = 6e^{5x}$ ;  
 б)  $y' = 6xe^{6x-1}$ ;  
 в)  $y' = 6xe^{6x}$ ;  
 г)  $y' = 6e^{6x}$ .
5. Если скорость материальной точки, движущейся прямолинейно, равна  $V(t) = 5t - 1$ , тогда путь  $S$ , пройденный точкой за время  $t = 4$  от начала движения, равен:  
 а) 40;      б) 5;      в) 76;      г) 36.
6. Вторая производная функции  $y = -2x^2 + 3x + 1$  имеет вид:  
 а)  $y'' = 0$ ;  
 б)  $y'' = -4x + 3$ ;  
 в)  $y'' = 2$ ;  
 г)  $y'' = -4$ .
7. Множество всех первообразных функции  $y = 3x^2$  имеет вид:  
 а)  $x^3$ ;      б)  $6x$ ;      в)  $3x^3 + c$ ;      г)  $x^3 + c$ .
8. Определённый интеграл  $\int_1^2 15x^2 dx$  равен:  
 а) 35;      б) 45;      в)  $5x^3$ ;      г) 30.
9. Используя свойства определённого интеграла, интеграл  $\int_2^5 (\sqrt{7-x} + \frac{6}{x+4}) dx$  можно привести к виду:  
 а)  $\int_5^2 (\sqrt{7-x} + \frac{6}{x+4}) dx$ ;  
 б)  $\int_2^5 \sqrt{7-x} dx + 6 \int_2^5 \frac{dx}{x+4}$ ;  
 в)  $\int_2^3 \sqrt{7-x} dx + \int_3^5 \frac{6}{x+4} dx$ ;  
 г)  $6 \int_2^5 (\sqrt{7-x} dx + \frac{1}{x+4}) dx$ .
10. В результате подстановки  $t = 2x + 7$  интеграл  $\int \frac{dx}{2x+7}$  приводится к виду:  
 а)  $2 \int \frac{dt}{t}$ ;  
 б)  $\frac{1}{2} \int \frac{dt}{t}$ ;  
 в)  $\int \frac{dx}{t}$ ;

г)  $\int \frac{dt}{t}$ .

11. Точка  $x=1$  для функции  $y = \frac{3x}{2-x}$  является:

- а) точкой устранимого разрыва;
- б) точкой разрыва I рода;
- в) точкой непрерывности;
- г) точкой разрыва II рода.

12. Значение предела  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x}{5x}$  равно:

- а) 1;      б) 5;      в) 0;      г)  $\frac{1}{5}$ .

13. Значение предела  $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{3x - x^2}{(3-x)^2}$  равно:

- а)  $\frac{4}{3}$ ;      б)  $\infty$ ;      в)  $-\frac{4}{3}$ ;      г) 0.

14. Предел  $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x+x^2+8}{x-2}$  равен: \_\_\_\_\_.

15. Значение предела  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{5+3x^2-4x}{7+3x+x^2}$  равно:

- а) 3;      б) 0;      в)  $\frac{5}{7}$ ;      г)  $\infty$ .

#### Вариант 4

1. Угловой коэффициент касательной к графику функции  $y = 3x^3 - 4x + 2$  в точке  $x_0 = -1$  равен:

- а) 3;      б) -13;      в) 5;      г) -5.

2. Производная функции  $y = x^2 \operatorname{ctgx}$  имеет вид:

а)  $y' = 2x \operatorname{ctgx} - x^2 \frac{1}{\sin^2 x};$

б)  $y' = -\frac{2x}{\sin^2 x};$

в)  $y' = 2x \operatorname{ctgx} + x^2 \frac{1}{\sin^2 x};$

г)  $y' = 2x - \frac{1}{\sin^2 x}.$

3. Производная функции  $y = 2 \operatorname{arctg} x$  в точке  $x_0 = -1$  равна:

- а) 1;      б) 2;      в) -1;      г) 0.

4. Производная функции  $y = 5^{x^2}$  имеет вид:

а)  $y' = 5^{x^2} \ln 5;$

б)  $y' = x^2 5^{x^2-1};$

в)  $y' = 2x5^{x^2} \ln x^2$ ;

г)  $y' = 2x5^{x^2} \ln 5$ .

5. Если скорость материальной точки, движущейся прямолинейно, равна  $V(t) = 2t + 5$ , тогда путь  $S$ , пройденный точкой за время  $t = 3$  от начала движения, равен:  
а) 2;      б) 33;      в) 14;      г) 24.

6. Вторая производная функции  $y = 1 + 2x - 8x^2$  имеет вид:

а)  $y'' = 0$ ;

б)  $y'' = -14$ ;

в)  $y'' = 2 - 16x$ ;

г)  $y'' = -16$ .

7. Множество всех первообразных функции  $y = x^2 - 5x + 2$  имеет вид:

а)  $2x - 5 + c$ ;      б)  $\frac{x^3}{3} - \frac{5x^2}{2} + 2x$ ;      в)  $\frac{x^3}{3} - \frac{5x^2}{2} + 2x + c$ ;      г)  $x^3 + c$ .

8. Определённый интеграл  $\int_0^4 12\sqrt{x} dx$  равен:

а)  $8x\sqrt{x}$ ;      б) 3;      в) 28;      г) 64.

$$\int_1^5 \left( \frac{4}{x} + e^{3x} \right) dx$$

9. Используя свойства определённого интеграла, интеграл можно привести к виду:

а)  $\int_1^2 \frac{4}{x} dx + \int_2^5 e^{3x} dx$ ;

б)  $\int_5^1 \left( \frac{4}{x} + e^{3x} \right) dx$ ;

в)  $4 \int_1^5 \left( \frac{1}{x} + e^{3x} \right) dx$ ;

г)  $4 \int_1^5 \frac{dx}{x} + \int_1^5 e^{3x} dx$ .

10. В результате подстановки  $t = 10 - 3x$  интеграл  $\int (10 - 3x)^3 dx$  приводится к виду:

а)  $-\frac{1}{3} \int t^3 dt$ ;

б)  $\int t^3 dx$ ;

в)  $\int t^3 dt$ ;

г)  $-3 \int t^3 dt$ .

11. Точка  $x = 1$  для функции  $y = \frac{7x}{4-x}$  является:

а) точкой устранимого разрыва;

б) точкой разрыва I рода;

в) точкой непрерывности;

г) точкой разрыва II рода.

12. Значение предела  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{9x}$  равно:

- а)  $\frac{9}{2}$ ;      б) 1;      в)  $\frac{2}{9}$ ;      г) 0.

13. Значение предела  $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{(x-2)(5-x)}{x^2 - 4}$  равно:

- а)  $\infty$ ;      б)  $\frac{3}{4}$ ;      в)  $-\frac{3}{4}$ ;      г) 0.

14. Предел  $\lim_{x \rightarrow 6} \frac{x+x^2-2}{x-4}$  равен: \_\_\_\_\_.

15. Значение предела  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{3x^2-3}{2-4x-x^2}$  равно:

- а) -3;      б)  $\infty$ ;      в)  $-\frac{3}{2}$ ;      г) 0.

### Вариант 5

$$y = \frac{5}{\sqrt{25 - x^2}}$$

1. Область определения функции  $y = \frac{5}{\sqrt{25 - x^2}}$  имеет вид:

- а)  $x \in (-\infty; -5]$ ;      б)  $x \in [5; +\infty)$ ; в)  $x \in (-5; 5)$ ; г)  $x \in [-5; 5]$ .

2. Угловой коэффициент касательной к графику функции  $y = 3 + 8x - 3x^2$  в точке  $x_0 = 2$  равен:

- а) 2;      б) -1;      в) -4;      г) 4.

3. Производная функции  $y = \sin 7x$  имеет вид:

- а)  $y' = \cos 7x$ ;  
б)  $y' = -7 \cos 7x$ ;  
в)  $y' = 7 \cos 7x$ ;  
г)  $y' = 7 \sin 7x$ .

4. Производная функции  $y = 3 \operatorname{arcctg} x$  в точке  $x_0 = 0$  равна:

- а) 3;      б) 0;      в) -3;      г) -1.

5. Вторая производная функции  $y = 1 + 2x - 8x^2$  имеет вид:

- а)  $y'' = 0$ ;  
б)  $y'' = -14$ ;  
в)  $y'' = 2 - 16x$ ;  
г)  $y'' = -16$ .

6. Если скорость материальной точки, движущейся прямолинейно, равна  $V(t) = 3 + 4t$ , тогда путь  $S$ , пройденный точкой за время  $t = 3$  от начала движения, равен:

- а) 4;      б) 27;      в) 18;      г) 45.

$$\int_1^2 8x^3 dx$$

7. Определённый интеграл  $\int_1^2 8x^3 dx$  равен:

- а) 72;      б) 30;      в) 32;      г)  $2x^4$ .

8. Определённый интеграл  $\int_1^2 15x^2 dx$  равен:
- а) 35;      б) 45;      в)  $5x^3$ ;      г) 30.
9. Значение предела  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin 2x}{9x}$  равно:
- а)  $\frac{9}{2}$ ;      б) 1;      в)  $\frac{2}{9}$ ;      г) 0.
10. Определённый интеграл  $\int_1^2 4x^3 dx$  равен:
- а)  $x^4$ ;      б) 15;      в) 36;      г) 17.
11. Значение предела  $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{6 - 5x^2}{2 + x - x^2}$  равно:
- а) 5;      б) 3;      в) 0;      г)  $\infty$ .
12. Множество всех первообразных функции  $y = x^2 - 5x + 2$  имеет вид:
- а)  $2x - 5 + c$ ;      б)  $\frac{x^3}{3} - \frac{5x^2}{2} + 2x$ ;      в)  $\frac{x^3}{3} - \frac{5x^2}{2} + 2x + c$ ;      г)  $x^3 + c$ .
13. Если  $\int f(x)dx = \frac{1}{x^2} + 5x + \sin x + 2 + c$ , тогда функция  $f(x)$  равна:
- а)  $-\frac{2}{x^3} + 5 - \cos x$ ;      б)  $-\frac{2}{x^3} + 5 + \cos x$ ;      в)  $\frac{2}{x^3} + 5 + \cos x$ ;      г)  $-\frac{2}{x^3} - 5 - \cos x$ .
14. Точкой минимума функции  $y = x^3 - 9x^2 - 21x - 7$  является:
- а) 7;      б) нет экстремума;      в) -1;      г) -7.
15. Используя свойства определённого интеграла, интеграл  $\int_2^7 (\ln(6-x) + \frac{4}{\sqrt{x}})dx$  можно привести к виду:
- а)  $\int_2^7 \ln(6-x)dx + 4 \int_2^7 \frac{dx}{\sqrt{x}}$ ;
- б)  $4 \int_2^7 (\ln(6-x) + \frac{1}{\sqrt{x}})dx$ ;
- в)  $\int_7^2 (\ln(6-x) + \frac{4}{\sqrt{x}})dx$ ;
- г)  $\int_2^4 \ln(6-x)dx + \int_4^7 \frac{4}{\sqrt{x}}dx$ .

### Эталон ответов к тесту по дисциплине

#### «Математика»

№	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
1	в	в	б	г	а	в	б	в	г	б	г	в	б	- 0,25	а
2	а	а	в	в	в	б	в	б	а	б	в	г	б	<u>б</u>	а
3	а	г	в	г	г	г	г	а	б	б	в	г	б	14	а
4	в	а	а	г	г	г	в	г	г	а	в	в	б	20	а
5	в	в	в	в	г	б	б	а	в	б	а	в	б	а	а

Критерии оценки:

«5» - 90 – 100% правильных ответов;

«4» - 70 – 89% правильных ответов;

«3» - 50 – 69% правильных ответов;

«2» - менее 50% правильных ответов.

Критерии оценки представленных тестовых заданий:

«5» - 14 – 15- правильных ответов;

«4» - 11 – 13 правильных ответов;

«3» - 8 – 10 правильных ответов;

«2» - менее 8 правильных ответов.

Составитель \_\_\_\_\_ А.В.Науменко

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**  
**Федеральное государственное автономное образовательное учреждение**  
**высшего образования**  
**«СЕВЕРО-КАВКАЗСКИЙ ФЕДЕРАЛЬНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»**  
**Пятигорский институт (филиал) СКФУ**  
**Колледж Пятигорского института (филиал) СКФУ**

**УТВЕРЖДАЮ**  
 Директор Пятигорского института  
 (филиал) СКФУ  
 Т.А. Шебзухова  
 «\_\_» 20\_\_ г.

**Комплект заданий для контрольной  
работы**  
 по дисциплине Математика

**Тема 1.6 Неопределенный и определенный интеграл**

**Контрольная работа № 1**

№	Задания	№	Задания
1.	1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $xy = 4$ , $x = 2$ , $x = 4$ и осью $OX$ 2. Найти уравнение кривой, если угловой коэффициент касательной в каждой её точке равен $2x$ . 3. Скорость прямолинейного движения точки изменяется по закону $-8t+2$ . Найдите закон движения точки.	6.	1. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями $y = x^2 - 2$ , $y = 2x + 1$ . 2. Найти уравнение кривой, проходящей через точку $A(0;1)$ , у которой касательная в любой точке кривой имеет угловой коэффициент, равный ординате точки касания. 3. Скорость прямолинейно движущейся точки задана формулой $t-3$ . Найдите закон движения точки, если к моменту начала отсчета она прошла путь 6м.
2.	1. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями $x + y = 4$ , $xy = 3$ . 2. Найти уравнение кривой, если угловой коэффициент касательной в каждой её точке равен $-3x$ . 3. Скорость прямолинейно движущейся точки задана формулой $\cos t$ . Найдите закон движения если в момент $t=0$ точка находилась на расстоянии 4 м от начала отсчета	7.	1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $y = \frac{2}{x}$ , $y = x + 1$ , $y = 0$ , $x = 3$ . 2. Составьте уравнение кривой, если угловой коэффициент касательной в каждой её точке равен - 3. Скорость прямолинейного движения точки изменяется по закону $+4t$ . Найдите закон движения точки.
3	1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $3x^2 + 4y = 0$ , $2x + 4y + 1 = 0$ 2. Составьте уравнение кривой, если угловой коэффициент касательной в каждой её точке равен	8.	1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $y = \operatorname{tg}^3 x$ , $y = 0$ , $x = \frac{\pi}{4}$ 2. Найдите уравнение кривой, проходящей через начало координат, если угловой коэффициент

	3. Точка движется прямолинейно с ускорением. В момент времени $t=0$ (начало отсчета) начальная скорость. Расстояние от начала отсчета $m$ . Найдите значения ускорения, скорости и пути в момент $t=2s$ .		касательной в любой точке равен 3. Точка движется прямолинейно с ускорением. Найти закон движения точки, если в момент $t=1$ с. Её скорость , а путь $s=6m$
4.	1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $y = \operatorname{arcctg} x$ , $x = 1$ и координатными осями.  2. Найти уравнение кривой, проходящей через точку $A(-1;3)$ , если угловой коэффициент касательной в каждой точке кривой равен утроенному квадрату абсциссы точки касания  3. Тело брошено вертикально вверх с начальной скоростью . Найдите закон движения этого тела (сопротивлением воздуха можно пренебречь)	9.	1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями , , и осью $OX$  2. Найти уравнение кривой, если угловой коэффициент касательной в каждой её точке равен $x+2$  3. Точка движется прямолинейно с ускорением. В момент времени $t=0$ (начало отсчета) начальная скорость. Расстояние от начала отсчета $m$ . Найдите скорость и закон движения точки.
5.	1. Найти площадь фигуры, ограниченной линиями , .  2. Найти уравнение кривой, проходящей через точку $A(0;e)$ , если угловой коэффициент касательной в любой её точке равен $y$ .  3. Точка движется прямолинейно с ускорением. В момент времени $t=0$ (начало отсчета) начальная скорость. Расстояние от начала отсчета $m$ . Найдите момент, когда скорость является наибольшей.	10.	1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями , 2. Составьте уравнение кривой, если угловой коэффициент касательной в каждой её точке равен - 3. Скорость прямолинейно движущейся точки задана формулой $+4t-1$ Найдите закон движения точки, если в начальный момент времени точка находилась в начале координат

## Контрольная работа №2

№	Задания	№	Задания
1.	$\int x \sin x \cos x dx$ $\int \frac{\ln x dx}{x}$ $\int \sqrt[5]{(1+x)^4} dx$	6.	$\int \operatorname{ctg} 2x dx$ $\int \frac{\ln x dx}{x^2}$ $\int x \operatorname{arcctg} x dx$
2.	$\int \frac{\sqrt[3]{\operatorname{tg} 5x} dx}{\cos^2 5x}$	7.	$\int \sin \frac{x}{2} \cos \frac{x}{4} dx$ $\int (x^2 + x) e^{-x} dx$ $\int x(1-x)^5 dx$

	$\int \frac{x dx}{4x^2 + 1}$		
3	$\int \sin^2 \frac{3x}{2} dx$ $\int \operatorname{arctg} 2x dx$ $\int e^{2x^3 - 1} \cdot x^2 dx$	8.	$\int \frac{dx}{4 \sin^2 x - 5 \cos^2 x}$ $\int (x-2)e^{2x} dx$ $\int \frac{x dx}{\sqrt{9-8x^2}}$
4.	$\int \sin^2 x \cos^2 x dx$ $\int \frac{x dx}{\sin^2 x}$  $\int \cos \frac{x}{2} dx$	9.	$\int \frac{dx}{5 - 3 \cos x}$ $\int \arcsin 3x dx$  $\int 4^{5x} dx$
5.	$\int \frac{\cos x}{\sin x + 2} dx$  $\int \sin(3x+1) dx$	10.	$\int \frac{dx}{3 + 2 \cos 2x - \sin 2x}$ $\int (x-6) \sin \frac{x}{2} dx$  $\int \frac{dx}{5 - 2x}$

### Контрольная работа №3

№	Задания	№	Задания
1.	<p>1. Какую работу совершает сила в 8 Н при растяжении пружины на 6 см?</p> <p>2. Вычислить силу давления воды на вертикальную прямоугольную пластинку, основание которой 30 м, а высота 10 м, причем верхний конец пластиинки совпадает с уровнем воды.</p> <p>3. Вычислите работу, которую надо совершить, чтобы выкачать воду из резервуара конической формы с вершиной, обращенной книзу. Резервуар наполнен доверху водой. Радиус основания конуса R=1м, высота конуса 2 м.</p>	6.	<p>1 Сила в 40 Н растягивает пружину на 0,04 м. Какую работу надо совершить, чтобы растянуть пружину на 0,02 м?</p> <p>2. Вычислить силу давления воды на одну из стенок аквариума, имеющего длину 30 см и высоту 20 см.</p> <p>3. Прямоугольный резервуар, основанием которого служит квадрат со стороной 3м, а высота равна 2м, заполнен водой. Вычислите работу, которую необходимо произвести, чтобы выкачать воду из резервуара.</p>
2.	1. Для растяжения пружины на 0,04 м необходимо совершить работу 20 Дж. На	7.	1. Пружина в спокойном состоянии имеет длину 0,2 м. Сила в 50 Н растягивает пружину на 0,01 м.

	<p>какую длину можно растянуть пружину, совершив работу 80 Дж</p> <p>2 Вычислить силу давления воды на плотину, имеющую форму трапеции, у которой верхнее основание, совпадающее с поверхностью воды, имеет длину 10 м, нижнее основание 20 м, а высота 3 м.</p> <p>3.Цилиндрический резервуар с радиусом основания 2 м и высотой 3м заполнен водой. Вычислите работу, которую необходимо произвести, чтобы выкачать воду из резервуара</p>	<p>Какую работу надо совершить, чтобы растянуть её от 0,22 до 0,32</p> <p>2. Цилиндрический стакан наполнен ртутью. Вычислить силу давления ртути на боковую поверхность стакана, если его высота 0,1 м, а радиус основания 0,04 м. Плотность ртути равна 13600 кг/<math>m^3</math>.</p> <p>3. Вычислите работу, которую нужно произвести, чтобы выкачать воду из ямы, имеющей форму конуса ( с вершиной на дне), высота которого равна 1м, а радиус основания равен 2 м.</p>
3	<p>1.При сжатии пружины на 0,05 м затрачивается работа 25 Дж. Какую работу необходимо совершить, чтобы сжать пружину на 0,1м.</p> <p>2. Вычислите силу давления воды на вертикальный прямоугольный щлюз с основание 20 м и высотой 5 м (уровень воды совпадает с верхним обрезом шлюза).</p> <p>3. Вычислите работу, совершающую при выкачивании воды из наполненного доверху котла, имеющего форму параболоида вращения (с вершиной внизу). Глубина котла 1 м, радиус основания 2м</p>	<p>8.</p> <p>1.Сила в 60 Н растягивает пружину на 0,02 м. Какую работу надо совершить, чтобы растянуть пружину на 0,12 м?</p> <p>2.Вычислите силу давления воды на дно и стенки аквариума, стороны основания которого 0,8 и 0,5м, а высота 0,3м. Аквариум доверху наполнен водой.</p> <p>3.Прямоугольный резервуар, основанием которого служит квадрат со стороной 5м, а высота равна 3м, заполнен водой. Вычислите работу, которую необходимо произвести, чтобы выкачать воду из резервуара</p>
4.	<p>1. Для сжатия пружины на 0,02 м необходимо совершить работу 16Дж.На какую длину можно сжать пружину, совершив работу в 100 Дж.</p> <p>2.Цилиндрический стакан наполнен ртутью. Вычислите силу давления ртути на боковую поверхность стакана, если высоте его 0,1м и радиус основания 0,04 м. Плотность ртути 13600</p> <p>3. Вычислите работу, которую надо совершить, чтобы выкачать воду из резервуара конической формы с вершиной, обращенной книзу. Резервуар наполнен доверху водой. Радиус основания конуса R=0,5м, высота конуса 3 м.</p>	<p>9.</p> <p>1. Под действием силы 80 Н пружина растягивается на 0,02 м. Первоначальная длина пружины равна 0,15 м. Какую работу надо совершить, чтобы растянуть ее до 0,2</p> <p>2. Треугольная пластиинка с основанием 0,4м и высотой 0,6 м погружена в воду вертикально, так что основание её находится на поверхности воды. Вычислите силу давления воды на пластину.</p> <p>3.Цилиндрический резервуар с радиусом основания 1 м и высотой 4м заполнен водой. Вычислите работу, которую необходимо произвести, чтобы выкачать воду из резервуара</p>

<p>5.</p> <p>1. При сжатии пружины на 0,02 м затрачивается работа 15 Дж. Какую работу необходимо совершить, чтобы сжать пружину на 0,1м.</p> <p>2.Вычислите силу давления воды на вертикальную прямоугольную стенку с основанием 2м и высотой 4м. Уровень воды совпадает с верхним обрезом стенки.</p> <p>3.Вычислите работу, которую нужно произвести, чтобы выкачать воду из ямы, имеющей форму конуса ( с вершиной на дне), высота которого равна 2м, а радиус основания равен 4 м.</p>	<p>1 0.</p> <p>Пружина в спокойном состоянии имеет длину 0,4 м. Сила в 60 Н растягивает пружину на 0,01 м. Какую работу надо совершить, чтобы растянуть её от 0,12 до 0,22</p> <p>2.Вычислите силу давления воды на вертикальную стенку, имеющую форму равнобедренной трапеции. Верхнее основание трапеции, совпадающее с уровнем воды, равно 4,5 м, а нижнее основание равно 3м, высота стенки 2м.</p> <p>3. Вычислите работу, совершаемую при выкачивании воды из наполненного доверху котла, имеющего форму параболоида вращения (с вершиной внизу). Глубина котла 2м, радиус основания 3м</p>
--	---

**Тема 3.2.** Решение задач на классическое и статистическое определения вероятности случайного события

#### Контрольная работа № 4

<b>№ варианта</b>	<b>Задание</b>
1.	<p>1. Вероятность семян оценивается вероятностью 0,8. Какова вероятность того, что из пяти посаженных семян взойдет три?</p> <p>2. Отдел технического контроля проверяют партию из 10 деталей. Вероятность того, что деталь стандартная, равна 0,75. Найти наивероятнейшее число деталей, которые будут признаны стандартными.</p> <p>3.Два равносильных игрока играют в игру, ничьи в которой исключаются. Составить закон распределения случайной величины <math>X</math> – числа партий, которые выиграет первый игрок, если будут играться 4 партии. Найти числовые характеристики этой случайной величины.</p>
2.	<p>1. Монету бросают семь раз. Найти вероятность того, что «герб» выпадет: а) менее трех раз; б) не менее трех раз.</p> <p>2.Испытывают каждый из 15 элементов некоторого устройства. Вероятность того, что элемент выдержит испытание, равна 0,7. Найти наивероятнейшее число элементов, которые выдержат испытание.</p> <p>3.В магазин привезли 300 стеклянных бутылок с минеральной водой. Известно, что в среднем при перевозке одна из 500 бутылок разбивается. Составить закон распределения случайной величины <math>X</math> – числа разбитых бутылок в привезенной партии. Найти числовые характеристики этой случайной величины.</p>
3.	<p>1.Вероятность попадания в цель при одном выстреле составляет 0,8. Найти вероятность четырех попаданий при шести выстрелах.</p> <p>2.Товаровед осматривает 24 образца товаров. Вероятность того, что каждый из образцов будет признан годным к продаже, равна 0,8. Найти наивероятнейшее</p>

	число образцов, которые товаровед признает годными к продаже. 3. Среди тысячи человек приблизительно восемь левшей. Какова вероятность того, что среди сотни наугад выбранных человек не окажется ни одного левши.
4.	1. В семье пять детей. Найти вероятность того, что среди этих детей: а) два мальчика; б) не более двух мальчиков; в) более двух мальчиков. Вероятность рождения мальчика принять равной 0,54. 2. Батарея произвела шесть выстрелов по объекту. Вероятность попадания в объект при одном выстреле равна 0,3. Найти наивероятнейшее число попаданий. 3. На стоянку такси в течении 15 минут подъезжают 2 машины. Найдите вероятность того, что за 30 минут на стоянку подъедет 3 машины
5.	1. Монету бросают 10 раз. Найти вероятность того, что «герб» выпадет: а) менее четырех раз; б) не менее четырех раз. 2. Входной контроль проверяет партию из 15 деталей. Вероятность того, что деталь стандартная, равна 0,85. Найти наивероятнейшее число деталей, которые будут признаны стандартными. 3. Продавец за две минуты обслуживает в среднем трех покупателей. Найдите вероятность того, что за 6 минут он обслужит по крайней мере одного.
6.	1. Вероятность попадания в цель при одном выстреле составляет 0,9. Найти вероятности трех попаданий при шести выстрелах. 2. Прибор состоит из пяти независимых работающих элементов. Вероятность отказа элемента в момент включения прибора равна 0,2. Найти наивероятнейшее число отказавших элементов. 3. Вероятность выпуска бракованной детали равна 0,008. Найдите вероятность того, что среди 1000 деталей будет 8 бракованных.
7.	1. найти вероятность того, что событие А появится не менее четырех раз в пяти независимых испытаниях, если вероятность появления события А в одном испытании равна 0,4. Б2.Найти наивероятнейшее число правильно набитых перфораторщицей перфокарт среди 20 перфокарт, если вероятность того, что перфокарта набита неверно, равна 0,2. 3. Вероятность поражения быстро движущейся цели при каждом выстреле равна 0,0001. Найдите вероятность попадания в цель двух и более раз при 5000 выстрелах
8.	1. На испытательный стенд поставлено 8 одинаковых изделий, вероятность выхода из строя изделия равна 0,1. Чему равна вероятность того, что откажут два изделия; более двух изделий. 2. Вероятность наступления события А равна 0,7. Найти число появлений события А, имеющее наибольшую вероятность, если число испытаний равно 9. 3. Вероятность выпуска бракованной детали равна 0,008. Найдите вероятность того, что среди 1000 деталей будет не более двух бракованных.
9.	1. Вероятность наступления события А в одном испытании равна 0,7 Найти вероятность того, что событие А произойдет не менее 2 раз в 4 независимых испытаниях. 2. Испытывается каждый из 10 элементов некоторого устройства. Вероятность того, что элемент выдержит испытание равна 0,8. Найти наивероятнейшее число элементов, которые выдержат испытание. 3. Продавец за две минуты обслуживает в среднем трех покупателей. Найдите вероятность того, что за 6 минут он обслужит 5 покупателей.
10.	1. Найти вероятность того, что в семье имеющей 6 детей, не менее двух

	<p>девочек. Предполагается, что вероятность рождения мальчика и девочки одинаковые.</p> <p>2. Вероятность наступления события А равна 0,4. Найти число появлений события А, имеющее наибольшую вероятность, если число испытаний равно 5.</p> <p>3. На стоянку такси в течении 15 минут подъезжают 2 машины. Найдите вероятность того, что за 30 минут на стоянку подъедет не более трех машин</p>
--	--

### Тема 3.3 Решение задач на теоремы умножения и сложения вероятностей

#### Контрольная работа № 5

№ варианта	Задание
1.	<p>1. Есть 100 лунок по которым случайным образом разбрасывают 30 шариков. Каждый шарик с равной вероятностью может попасть в любую лунку (в одну лунку попадает не более одного шарика). Найти вероятность того, что в выбранную лунку попадет ровно один шарик.</p> <p>2. Бюффон бросил монету 4040 раз, причем герб выпал 2048 раз. Можно ли считать полученное отклонение числа появлений герба от 2020 случайным или же оно обусловлено систематической причиной?</p>
2.	<p>1. Проводится 200 независимых опытов с вероятностью успеха в каждом 24%. Какова вероятность успешного проведения 50 опытов?</p> <p>2. При установившемся технологическом процессе фабрика выпускает в среднем 70% продукции первого сорта. Чему равна вероятность того, что в партии из 1000 изделий число первосортных заключено между 652 и 760?</p>
3.	<p>1. Вероятность выхода из строя за смену одного станка равна 0,1. Определить вероятность выхода из строя от 2 до 13 станков при наличии 100 станков.</p> <p>2. Посажено 600 семян кукурузы с вероятностью 0,9 прорастания для каждого семени. Найти границу абсолютной величины отклонения частоты взошедших семян от вероятности <math>p = 0,9</math>, если эта граница должна быть гарантирована с вероятностью <math>P = 0,995</math>.</p>
4.	<p>1. Для мастера определенной квалификации вероятность изготовить деталь отличного качества равна 0,75. За смену он изготовил 400 деталей. Найти вероятность того, что в их числе 280 деталей отличного качества.</p> <p>2. С конвейера сходит в среднем 85% изделий первого сорта. Сколько изделий необходимо взять, чтобы с вероятностью 0,997 отклонение частоты изделий первого сорта в них от 0,85 по абсолютной величине не превосходило 0,01?</p>
5.	<p>1. В продукции некоторого производства брак составляет 15%. Изделия отправляются потребителям (без проверки) в коробках по 100 штук. Найти вероятности событий:      В – наудачу взятая коробка содержит 13 бракованных изделий;      С – число бракованных изделий в коробке не превосходит 20</p> <p>2. В партии из 768 арбузов каждый арбуз оказывается неспелым с</p>

	$\frac{1}{4}$ вероятностью $\frac{1}{4}$ . Найти вероятность того, что количество спелых арбузов будет в пределах от 564 до 600.
6.	<p>1.Небольшой город ежедневно посещают 100 туристов, которые днем идут обедать. Каждый из них выбирает для обеда один из двух городских ресторанов с равными вероятностями и независимо друг от друга. Владелец одного из ресторанов желает, чтобы с вероятностью приблизительно 0,99 все пришедшие в его ресторан туристы могли там одновременно пообедать. Сколько мест должно для этого быть в его ресторане?</p> <p>2.Вероятность появления события в каждом из 625 независимых испытаний равна 0,8. Найти вероятность того, что относительная частота появления события отклонится от его вероятности по абсолютной величине не более чем на 0,04.</p>
7.	<p>1.В жилом доме имеется <math>n</math> ламп, вероятность включения каждой из них в вечернее время равна 0,5. Найти вероятность того, что число одновременно включенных ламп будет между <math>m_1</math> и <math>m_2</math>. Найти наивероятнейшее число включенных ламп среди <math>n</math> и его соответствующую вероятность. <math>n=6400, m_1=3120, m_2=3200</math>.</p> <p>2.Вероятность появления события в каждом из независимых испытаний равна 0,5. Найти число испытаний <math>N</math>, при котором с вероятностью 0,7698 можно ожидать, что относительная частота появления события отклонится от его вероятности по абсолютной величине не более чем на 0,02.</p>
8.	<p>1.Вычислительное устройство состоит из 1000 элементов, работающих независимо друг от друга. Вероятность отказа каждого элемента за смену равна <math>p</math>. Найти вероятность, что за смену откажут <math>m</math> элементов. <math>p=0,024, m=6</math>.</p> <p>2.Вероятность появления некоторого события в одном испытании <math>p = 0,6</math>. Найти вероятность того, что при проведении <math>n = 2400</math> испытаний число появлений этого события будет заключено в пределах: а)от 1404 до 1476; б)от 1440 до 1512; в)от 1476 до 1548.</p>
9.	<p>1.Найти вероятность того, что если бросить монету 200 раз, то орел выпадет от 90 до 110 раз.</p> <p>2.Какова вероятность того, что при 1800 подбрасываниях игральной кости число выпадений на верхней грани числа очков, кратного трём, будет отличаться от среднего ожидаемого числа выпадений в ту или иную сторону не более, чем на: а)20; б)40; в)60; г)80?</p>
10.	<p>1.Найти вероятность того, что событие А наступит ровно 70 раз в 243 испытаниях, если вероятность появления этого события в каждом испытании равна 0,25.</p> <p>2.В страховой компании застраховано на некоторый период времени 20 000 лиц одинакового возраста и одной социальной группы. В среднем вероятность несчастного случая, который может произойти с каждым из застрахованных в течение этого периода <math>p = 0,003</math>. Каждое лицо при заключении договора о страховании вносит 15 руб., и если до истечения срока</p>

	страхования с каким либо лицом произойдёт несчастный случай, компания по его страховому полису выплачивает 3 000 руб. Определить вероятность того, что: а)страховая компания потерпит убыток; б)прибыль страховой компании составит не менее 1/3 полученной при заключении договоров страхования суммы; в)прибыль страховой
--	---

**Тема 3.5 Повторение испытаний. Формула Бернулли.**

### Контрольная работа № 6

<b>№ варианта</b>	<b>Задание</b>
1.	<p>1.Определить закон распределения случайной величины <math>X</math>, если ее плотность распределения вероятностей задана функцией</p> $p(x) = \frac{1}{6\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-1)^2}{72}}$ <p>Найти математическое ожидание, дисперсию и функцию распределения случайной величины <math>X</math>.</p> <p>2.Стрелок А при 10 выстрелах попал в цель 5 раз, а стрелок В при 100 выстрелах по той же цели имел 50 попаданий. Определите для каждого стрелка доверительный интервал для вероятности <math>p</math> попадания в цель при одном выстреле с надежностью 0,95.</p>
2.	<p>1.Текущая цена акции может быть смоделирована с помощью нормального закона распределения с математическим ожиданием 15 ден. ед. и средним квадратическим отклонением 0,2 ден. ед.</p> <p>Найти вероятность того, что цена акции: а) не выше 15,3 ден. ед.</p> <p>2.Из партии электролампочек выбрано и проверено 1000 штук. Среди них оказалось 150 нестандартных. Найдите 95%-ный доверительный интервал для вероятности появления нестандартной лампочки при извлечении ее из всей партии.</p>
3.	<p>1.Автомат изготавливает детали, которые считаются годными, если отклонение <math>X</math> от контрольного размера по модулю не превышает 0,8 мм. Каково наиболее вероятное число годных деталей из 150, если случайная величина <math>X</math> распределена нормально с <math>\sigma = 0,4</math> Мм?</p> <p>2.Найти доверительный интервал для оценки математического ожидания <math>a</math> нормальной случайной величины с надежностью <math>\gamma = 0,95</math>, Зная выборочную Среднюю <math>x_{\bar{n}} = 75,15</math>, объем выборки <math>n = 64</math>, среднее квадратическое отклонение <math>\sigma = 8</math>.</p>
4.	<p>1.Размер диаметра втулок, изготовленных заводом, можно считать нормально распределенной случайной величиной с математическим ожиданием <math>A = 2,5</math> см и средним квадратическим отклонением <math>\sigma = 0,01</math> См.</p> <p>В каких границах можно практически гарантировать размер диаметра втулки, если за вероятность практической достоверности принимается 0,9973?</p>

	2.При проверке веса импортируемого груза на таможне методом случайной повторной выборки было отобрано 100 изделий. В результате был установлен средний вес изделия 5000 г при среднем квадратическом отклонении 40 г. С вероятностью 0,950 определить пределы, в которых находится средний вес изделия в генеральной совокупности.
5.	<p>1.Рост взрослых мужчин является случайной величиной, распределенной по нормальному закону. Пусть математическое ожидание ее равно 175 см, а среднее квадратическое отклонение — 6 см. Определить вероятность того, что хотя бы один из пяти мужчин будет иметь рост от 170 до 180 см.</p> <p>2.Произведено 50 измерений постоянного сопротивления. Определить доверительный интервал для МО значения постоянного сопротивления, если закон распределения нормальный с параметрами <math>m_x = R = 590 \text{ Ом}</math>, <math>S_x = 90 \text{ Ом}</math> при доверительной вероятности <math>P = 0,9</math>.</p>
6.	<p>1.Браковка шариков для подшипников производится следующим образом: если шарик не проходит через отверстие диаметром <math>d_1</math>, но проходит через отверстие диаметром <math>d_2 &gt; d_1</math>, то его размер считается приемлемым. Если какое-нибудь из этих условий не выполняется, то шарик бракуется. Известно, что диаметр шарика <math>d</math> есть случайная величина с</p> $M(X) = \frac{d_1 + d_2}{2} \quad \sigma(X) = \frac{d_2 - d_1}{4}$ <p>характеристиками и . Определить вероятность того, что шарик будет забракован.</p> <p>2.Определение удельных магнитных потерь для различных образцов одной партии электротехнической стали марки 2212 дало следующие результаты: 1,21; 1,17; 1,18; 1,13; 1,19; 1,14; 1,20 и 1,18 Вт/кг. Считая, что систематическая погрешность отсутствует, а случайная распределена по нормальному закону, требуется определить доверительный интервал при значениях доверительной вероятности 0,9 и 0,95. Для решения задачи использовать формулу Лапласа</p>
7.	<p>1.Определить закон распределения случайной величины <math>X</math>, если ее плотность распределения вероятностей задана функцией</p> $p(x) = \frac{1}{\sqrt{18\pi}} e^{-\frac{(x+2)^2}{18}}$ <p>Найти математическое ожидание, дисперсию и функцию распределения случайной величины <math>X</math>.</p> <p>2.Пусть дисперсия нормально распределенной случайной величины <math>x</math> равна 0,25. По выборке объема <math>n=25</math> найдено выборочное среднее <math>\tilde{m}=52</math>. Требуется найти доверительный интервал для неизвестного математического ожидания <math>m</math>, если доверительная вероятность должна быть равна 0,95.</p>
8.	1.Независимые случайные величины $X$ и $Y$ распределены нормально, причем $M(X)=2$ , $D(X)=4$ , $M(Y)=-3$ , $D(Y)=5$ . Найти плотность

	распределения вероятностей и функцию распределения их суммы.  2. Сделана выборка 10 валиков, обработанных на станке. Отклонение х диаметров валиков от номинала распределено нормально. У выбранных валиков это отклонения равны: +2, +1, -2, +3, +2, +4, -2, +5, +3, +4. Найдите 95%-ный доверительный интервал для математического ожидания $m = M[x]$ .
9.	1. Коробки с конфетами упаковываются автоматически. Их средняя масса равна 540 г. Известно, что 5 % коробок имеет массу, меньшую 500 г. Каков процент коробок, масса которых: а) менее 470 г; б) от 500 до 550 г; в) более 550 г; г) отличается от средней не более, чем на 30 г (по абсолютной величине)? 2. Из большой совокупности школьников произведена выборка из 20 человек. Оказалось, что для 16 из них способность запоминать изучаемый материал существенно повышается в том случае, когда занятиям предшествует 8-часовой сон. Найдите 75%-ный доверительный интервал для оценки доли школьников, способность которых к запоминанию существенно повышается.
10.	1. Коробки с шоколадом упаковываются автоматически, их средняя масса равна 1,06 кг. Найти стандартное отклонение, если 5 % коробок имеют массу меньше 1 кг. Предполагается, что масса коробок распределена по нормальному закону. 2. Из партии деталей проверено 250 и оказалось, что 80% имеют высшее качество. Пусть $p$ – вероятность того, что деталь высшего качества. Найдите для $p$ доверительный интервал с надежностью $\alpha = 0,95$ .

### Критерии оценивания компетенций

**Оценку «5»** студент получает, если:

- обстоятельно и с теоретическим обоснованием решает данную контрольную работу;
- может обосновать свое решение, привести необходимые примеры;
- правильно отвечает на дополнительные вопросы преподавателя, имеющие целью выяснить степень понимания студентом данного материала.

**Оценку «4»** студент получает, если:

- неполно (не менее 70% от полного), но правильно решено задание;
- при решении были допущены 1-2 несущественные ошибки, которые он исправляет после замечания преподавателя;
- может обосновать свое решение, привести необходимые примеры;
- правильно отвечает на дополнительные вопросы преподавателя, имеющие целью выяснить степень понимания студентом данного материала.

**Оценку «3»** студент получает, если:

- неполно (не менее 50% от полного), но правильно решено задание;
- при решении была допущена 1 существенная ошибка;
- знает и понимает основные положения данной темы, но допускает неточности в формулировке понятий;
- излагает выполнение задания недостаточно логично и последовательно;
- затрудняется при ответах на вопросы преподавателя.