

Документ подписан простой электронной подписью  
Информация о владельце:  
ФИО: Шебзухова Татьяна Александровна  
Должность: Директор Пятигорского института (филиал) Северо-Кавказского  
федерального университета  
Дата подписания: 13.06.2024 16:04:58  
Уникальный программный ключ:  
d74ce93cd40e39275c3ba2f58486412a1c8ef98

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
Федеральное государственное автономное образовательное учреждение  
высшего образования  
«Северо-Кавказский федеральный университет»  
Пятигорский институт (филиал) СКФУ  
Колледж Пятигорского института (филиал) СКФУ

УТВЕРЖДАЮ

Директор Пятигорского института  
(филиал) СКФУ  
Т.А. Шебзухова

ФОНД ОЦЕНОЧНЫХ СРЕДСТВ

по дисциплине	ЕН.01Элементы высшей математики		
Специальность	09.02.07	Информационные системы	и
Форма обучения	программирование <u>очная</u>		

## **1. Паспорт фонда оценочных средств**

### **1.1. Область применения**

Фонд оценочных средств (далее - ФОС) предназначен для оценивания знаний, умений, уровня сформированности компетенций студентов, обучающихся по 09.02.07 Информационные системы и программирование по ЕН.01 Элементы высшей математики.

ФОС составлен на основе ФГОС и рабочей программы дисциплины.

Промежуточная аттестация по дисциплине предусмотрена в форме экзамена с выставлением отметки по системе «отлично, хорошо, удовлетворительно, неудовлетворительно».

### **1.2. Планируемые результаты освоения дисциплины**

ФОС позволяет оценить знания, умения, сформированность общих и профессиональных компетенций в соответствии с требованиями ФГОС и рабочей программой дисциплины.

Планируемые результаты освоения (знания и умения) и перечень осваиваемых компетенций (общих и профессиональных) указываются в соответствии с ФГОС, ОП и рабочей программой учебной дисциплины.

умения:

У.1 выполнять операции над матрицами и решать системы линейных уравнений;

У.2 применять методы дифференциального и интегрального исчисления;

У.3 решать дифференциальные уравнения;

знания:

З.1 основы математического анализа, линейной алгебры и аналитической геометрии;

З.2 основы дифференциального и интегрального исчисления.

общие компетенции:

ОК 01.Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности, применительно к различным контекстам.

ОК 05.Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке с учетом особенностей социального и культурного контекста.

### **1.3. Формы контроля и оценивания**

Предметом оценки служат умения и знания, предусмотренные ФГОС по (учебной) дисциплине, направленные на формирование общих и профессиональных компетенций.

Таблица 1 Контроль и оценка освоения (учебной) дисциплины по темам (разделам)

Элементы учебной дисциплины	Формы контроля и оценивания			
	Текущий контроль		Промежуточная аттестация	
	Методы оценки (заполняется в соответствии с разделом 4 рабочей программы)	Проверяемые ПК, ОК, У, З	Методы оценки	Проверяемые ПК, ОК, У, З
<b>Раздел 1. Информационная деятельность человека</b>			Указываются в соответствии с учебным планом	Указываются в соответствии с рабочей программой
Тема 1.1 Матрицы. замкнутые классы	Операции над матрицами.	У.1 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У.1 ОК 01, ОК 05		
<b>Тема 1.2.</b> Определители.	Вычисление определителей. Нахождение обратной матрицы.	У1, 3.1 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У1, 3.1 ОК 01, ОК 05		
<b>Тема 1.6.</b> Системы линейных уравнений.	Решение систем линейных уравнений.	У.1, 3.1 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У1, 3.1 ОК 01, ОК 05		
	Решение систем линейных уравнений по	У.1, 3.1 ОК 01, ОК 05		

	формулам Крамера.			
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У1, 31 ОК 01, ОК 05		
<b>Раздел 2. Элементы аналитической геометрии.</b>				
<b>Тема 2.1.</b> Векторы.	Операции над векторами.	У1, 3.1 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У1, 31 ОК 01, ОК 05		
	Скалярное произведение векторов.	У1, 31 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У1, 31 ОК 01, ОК 05		
<b>Тема 2.2.</b> Прямые на плоскости. Кривые второго порядка.	Составление уравнений прямой.	У1, 31 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У1, 31 ОК 01, ОК 05		
	Составление уравнений плоскости.	У1, 31 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У1, 31 ОК 01, ОК 05		
<b>Раздел 3. Основы математического анализа.</b>				
<b>Тема 3.1</b> Теория пределов.	Нахождение пределов функций и	У1, 31 ОК 01, ОК		

Непрерывность.	точек разрыва.	05		
	Частные случаи вычисления пределов функции	У1,31 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У1, 31 ОК 01, ОК 05		
	Вычисление пределов функции методом умножения числителя и знаменателя на сопряженное выражение	У1, 31 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы	У1, 31 ОК 01, ОК 05		
<b>Тема 3.2.</b> Дифференциальное исчисление функций одной действительной переменной.	Нахождение производных функций.	У2, 3.1 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У2, 3.1 ОК 01, ОК 05		
	Нахождение производных сложных функций, высших порядков.	У2, 3.1 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У2, 3.1 ОК 01, ОК 05		
	Дифференциал функции. Основные	У3, 3.2 ОК 01, ОК		

	теоремы о дифференциалах.	05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
<b>Тема 3.3.</b> Интегральное исчисление функций одной действительной переменной.	Понятие неопределенного интеграла и его свойства. Нахождение интегралов функций. Интегрирование заменой переменной и по частям. Интегрирование рациональных и иррациональных функций.	У3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Определенный интеграл. Вычисление определенного интеграла. Вычисление площадей фигур и объемов тел.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
<b>Тема 3.4.</b> Дифференциальное исчисление функций нескольких действительных переменных.	Вычисление частных производных.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		

	занятиям, самостоятельное изучение литературы.	05		
	Вычисление дифференциалов.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
<b>Тема 3.5.</b> Интегральное исчисление функций	Вычисление повторных интегралов. Сведение двойных интегралов к повторным. Вычисление двойных интегралов.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Вычисление тройных интегралов. Решение задач на приложение двойных, тройных интегралов.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
<b>Тема 3.6.</b> Теория рядов.	Исследование сходимости рядов.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Нахождение	У.3, 3.2		

	области сходимости степенных рядов.	ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
<b>Тема 3.8.</b> Обыкновенные дифференциальные уравнения.	Решение дифференциальных уравнений первого порядка.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Решение дифференциальных уравнений второго порядка. (с использованием персональных компьютеров)	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
<b>Тема 3.9.</b> Основы теории комплексных чисел.	Алгебраическая, тригонометрическая и показательная формы записи комплексного числа.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение литературы	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Действия над комплексными числами.	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		
	Подготовка к практическим занятиям, самостоятельное изучение	У.3, 3.2 ОК 01, ОК 05		



## 2. Оценочные средства текущего контроля успеваемости и критерии оценки

### Контрольный срез за 3 семестр

#### Тест №1

Определите тип матриц:  $1) \begin{pmatrix} -9 & 0 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$   $2) \begin{pmatrix} 8 & -6 & 1 \\ 0 & 4 & -6 \end{pmatrix}$

3)  $\begin{pmatrix} 2 & 1 & 12 \end{pmatrix}$  4)  $\begin{pmatrix} 4 \\ -8 \\ 0 \end{pmatrix}$  5)  $\begin{pmatrix} 2 & 5 & 7 \\ -9 & 8 & 44 \\ 12 & -5 & 6 \end{pmatrix}$

Найти  $3A+2B$ , если  $A = \begin{pmatrix} 6 & -4 \\ 3 & -2 \\ -1 & 5 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ -2 & 5 \\ 4 & 0 \end{pmatrix}$

Найти  $2A+3B-C$ , если  $A = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -3 & 4 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ -4 & 0 \end{pmatrix}$ ,  $C = \begin{pmatrix} -7 & -4 \\ 18 & -8 \end{pmatrix}$

Найти  $A^2 - 3A + 5E$ , если  $A = \begin{pmatrix} -1 & -3 \\ 2 & 4 \end{pmatrix}$ ,

Найти произведение матриц:

1)  $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 0 & -2 \\ -1 & 4 \end{pmatrix}$  и  $B = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 \\ 2 & 1 & -2 \end{pmatrix}$

2)  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 6 & 0 & 2 \end{pmatrix}$  и  $B = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 0 & -1 \\ 2 & 1 & 1 & -2 \\ 3 & 1 & 0 & 2 \end{pmatrix}$

3)  $A = \begin{pmatrix} 2 & 1 & 4 \\ -4 & 0,5 & 3 \end{pmatrix}$  и  $B = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ -2 & 5 \\ -1 & 9 \end{pmatrix}$

Убедитесь, что  $AB \neq BA$ , если:

1)  $A = \begin{pmatrix} 3 & 4 \\ 5 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 8 & 1 \\ 2 & 3 \end{pmatrix}$

2)  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -1 \\ -1 & 0 & 2 \\ 0 & -2 & 1 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} -1 & 0 & 1 \\ 2 & -1 & 1 \\ 1 & 0 & -2 \end{pmatrix}$

3)  $A = \begin{pmatrix} 1 & -3 & 2 \\ 3 & -4 & 1 \\ 2 & -5 & 3 \end{pmatrix}$ ,  $B = \begin{pmatrix} 2 & 5 & 6 \\ 1 & 2 & 5 \\ 1 & 3 & 2 \end{pmatrix}$

**Вычислить определители:**

$$\begin{aligned}
 &1) \begin{vmatrix} 4 & -5 \\ 3 & -3 \end{vmatrix} \quad 2) \begin{vmatrix} \cos x & \sin x \\ -\sin x & \cos x \end{vmatrix} \quad 3) \begin{vmatrix} a+b & a \\ a & a-b \end{vmatrix} \quad 4) \begin{vmatrix} a^2 & ab \\ ab & b^2 \end{vmatrix} \\
 &5) \begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{vmatrix} \quad 6) \begin{vmatrix} 2 & 0 & 0 \\ 0 & 5 & 0 \\ 0 & 0 & -4 \end{vmatrix} \quad 7) \begin{vmatrix} 2 & 3 & -4 \\ 5 & 6 & 7 \\ 8 & 0 & 3 \end{vmatrix} \quad 8) \begin{vmatrix} 23-34 & & \\ 21-12 & & \\ 6210 & & \\ 2305 & & \end{vmatrix} \quad 9) \begin{vmatrix} 3-142 & & \\ 5201 & & \\ 021-3 & & \\ 6-298 & & \end{vmatrix}
 \end{aligned}$$

### Тест № 2

1. Вычислить скалярное произведение векторов  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$ , если

а)  $|\vec{a}|=4, \vec{b}=4\vec{i}-3\vec{j}$ , угол между векторами  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$  равен  $60^\circ$ ;

б)  $\vec{a}=2\vec{i}+\vec{j}-3\vec{k}, \vec{b}(1;0;-4)$

Ответ. а) 10; б) 14.

2. Коллинеарны ли векторы  $\vec{p}=3\vec{a}+6\vec{b}, \vec{q}=-\vec{a}+2\vec{b}$ , где  $\vec{a}(1;2;-3)$  и  $\vec{b}(1;0;-1)$ .

Ответ. Нет.

3. Найти угол между диагоналями параллелограмма, построенного на векторах  $\vec{a}=2\vec{i}+\vec{j}$  и  $\vec{b}=-\vec{j}+2\vec{k}$ .

Ответ.  $(\vec{a}, \vec{b}) = \varphi$

4. Даны векторы  $\vec{a}=2\vec{i}-3\vec{j}+6\vec{k}$  и  $\vec{b}=-\vec{i}+2\vec{j}-2\vec{k}$ , приложенные к общей точке.

Найти орт биссектрисы угла между  $\vec{a}$  и  $\vec{b}$ .

Ответ.  $\vec{e}_0 = \left( -1/\sqrt{42}; 5/\sqrt{42}; 4/\sqrt{42} \right)$ .

5. Построить точки  $A(4;1), B(3;5), C(-1;4), D(0;0)$ . Если точки построены правильно, то получен квадрат. Чему равна длина стороны этого квадрата? Какова его площадь? Найти координаты середины сторон квадрата.

Ответ.  $a=\sqrt{17}$  ед.,  $S=17$  кв. ед.,

$M_{AB}(3,5;3), M_{BC}(1,4,5), M_{CD}(-0,5;2), M_{AD}(2;0,5)$

6. Найти вектор  $\vec{c}$ , перпендикулярный векторам  $\vec{a}=\vec{i}+\vec{k}$  и  $\vec{b}=2\vec{j}-\vec{k}$ , если известно, что его проекция на вектор  $\vec{c}=\vec{i}+2\vec{j}+2\vec{k}$  равна 1.

Ответ.  $\vec{c}(-3/2; 3/4; 3/2)$ .

Контрольные вопросы

1) Определение вектора. Линейные операции над векторами, свойства этих операций.

2) Проекция вектора на ось. Свойства проекции.

3) Разложение вектора по координатным ортам. Координаты вектора.

4) Радиус-вектор точки. Модуль вектора. Расстояние между двумя точками.

5) Скалярное произведение векторов, его физическое толкование. Свойства скалярного произведения.

- 6) Проекция вектора на вектор. Угол между векторами. Необходимое и достаточное условие перпендикулярности векторов.  
 7) Скалярное произведение векторов в координатной форме.

## Контрольный срез за 4 семестр

### Тест №1

1. Найти общее решение дифференциального уравнения с разделяющимися переменными.

$$xy' - y = 0$$

2. Найти частное решение дифференциального уравнения с разделяющимися переменными.

$$\operatorname{tg} x * y' = 1 + y, \quad \text{если}$$

$$x = \frac{\pi}{6}; y = -\frac{1}{2}$$

3. Найти решение однородного дифференциального уравнения первого порядка.

$$yy' = 2y - x$$

4. Найти общее решение дифференциального уравнения 2-го порядка.

$$y'' - 4y' + 13y = 0$$

5. Найти частное решение дифференциального уравнения 2-го порядка.

$$y'' + y' - 2y = 0$$

$$\text{если } x = 0; y = 1; y' = 3$$

### Тест №2

Представить в алгебраической форме комплексные числа:

$$1. z = e^{\frac{i\pi}{3}} \quad 4. z = e^{\frac{i\pi}{6}}$$

$$2. z = e^{\frac{i\pi}{5}} \quad 5. z = e^{\frac{i\pi}{2}}$$

$$3. z = e^{\frac{i\pi}{3}} \quad 6. z = e^{\frac{i\pi}{4}}$$

Перейти от алгебраической к тригонометрической и показательной формам:

$$7. z = -2 + 2\sqrt{3}i \quad 10. z = -3\sqrt{3} - 3i$$

$$8. z = -2\sqrt{3} + 2i \quad 11. z = -\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}i$$

$$9. z = 3 - 3\sqrt{3}i \quad 12. z = -3 - 4i$$

### Критерии оценивания компетенций

Оценка «отлично» выставляется студенту, если студент выполнил работу в полном объеме с соблюдением необходимой последовательности действий; в

ответе правильно и аккуратно выполнил все записи, таблицы, рисунки, графики; правильно выполнил анализ ошибок.

Оценка «хорошо» выставляется студенту, если-студент выполнил требования к оценке «5», но допущены 2-3 недочета.

Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если-студент выполнил работу не полностью, но объем выполненной части таков, что позволяет получить результаты и выводы; в ходе проведения работы были допущены ошибки.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если-студент выполнил работу не полностью или объем выполненной части работы не позволяет сделать правильных выводов.

## Комплект заданий для контрольной работы

по ЕН.01 Элементы высшей математики

### Вариант 1

1. Найти  $A + B$ , если  $A = \begin{pmatrix} 1 & -2 & 4 \\ 2 & 0 & -1 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 5 & 2 & 3 \\ 4 & 6 & 2 \end{pmatrix}$

2. Найти матрицу  $C = A - 3B$ , если  $A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 2 & -1 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} -1 & 1 \\ 1 & 2 \\ 0 & 0 \end{pmatrix}$

3. Вычислить  $AB$  и  $BA$ , если  $A = \begin{pmatrix} 1 & -1 \\ 2 & 0 \\ 3 & 0 \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 2 & 0 \end{pmatrix}$

4. Вычислить определитель второго порядка  $\begin{vmatrix} 11 & -2 \\ 7 & 5 \end{vmatrix}$

5. Решить систему  $n$  линейных уравнений с  $n$  переменными по формулам Крамера:

$$\begin{cases} 3x_1 - 2x_2 = \frac{5}{6} \\ 2x_1 + 3x_2 = 2 \end{cases}$$

### Вариант 2

1. Найти разность матриц  $C = B - A$ :  $A = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 4 \end{pmatrix}$  и  $B = \begin{pmatrix} 3 & 2 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}$ .

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 4 \\ 5 & 6 \end{pmatrix} \text{ и } B = \begin{pmatrix} 1 & -1 & 0 & 2 \\ 3 & 1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$$

2. Найти произведение двух матриц:

3. Вычислить сумму и произведение двух матриц

$$A = \begin{pmatrix} 12 & 9 & 4 \\ 2 & -1 & 5 \\ 7 & 0 & 1 \end{pmatrix} \quad B = \begin{pmatrix} 1 & 6 & 3 \\ 8 & 1 & -2 \\ 3 & 2 & 5 \end{pmatrix}$$

4. Вычислить определитель  $\begin{vmatrix} 1 & 2 & 3 \\ 4 & 5 & 6 \\ 7 & 8 & 9 \end{vmatrix}$

5. Решить систему линейных уравнений с  $n$  переменными по формулам Крамера:

$$\begin{cases} x_1 + x_3 = 4 \\ 2x_2 - x_3 = 1 \\ 3x_1 - x_2 = 1 \end{cases}$$

### Критерии оценивания компетенций

Оценка «**отлично**» выставляется студенту, если-студент выполнил работу в полном объеме с соблюдением необходимой последовательности действий; в ответе правильно и аккуратно выполнил все записи, таблицы, рисунки, графики; правильно выполнил анализ ошибок.

Оценка «**хорошо**» выставляется студенту, если-студент выполнил требования к оценке «5», но допущены 2-3 недочета.

Оценка «**удовлетворительно**» выставляется студенту, если-студент выполнил работу не полностью, но объем выполненной части таков, что позволяет получить результаты и выводы; в ходе проведения работы были допущены ошибки.

Оценка «**неудовлетворительно**» выставляется студенту, если-студент выполнил работу не полностью или объем выполненной части работы не позволяет сделать правильных выводов.

### 3. Оценочные средства для промежуточной аттестации и критерии оценки

#### Вопросы к экзамену

по ЕН.01 Элементы высшей математики

1. Определение матрицы. Действия над матрицами, их свойства.

2. Определители 2-го и 3-го порядка, их свойства и правила вычисления.
3. Миноры и алгебраические дополнения.
4. Разложение определителя по элементам строки или столбца.
5. Обратная матрица.
6. Правило Крамера для решения квадратной системы линейных уравнений.
7. Метод исключения неизвестных – метод Гаусса решения системы линейных уравнений.
8. Определение вектора. Операции над векторами, их свойства.
9. Координаты вектора. Модуль вектора.
10. Скалярное произведение векторов.
11. Вычисление скалярного произведения через координаты векторов.
12. Прямая линия на плоскости: общее уравнение прямой.
13. Прямая линия на плоскости: уравнение прямой с угловым коэффициентом.
14. Прямая линия на плоскости: уравнение прямой в отрезках.
15. Прямая линия на плоскости: уравнение прямой, проходящей через две данные точки.
16. Угол между двумя прямыми. Условие параллельности и перпендикулярности двух прямых.
17. Расстояние от точки до прямой.
18. Линии второго порядка: каноническое уравнение эллипса.
19. Линии второго порядка: каноническое уравнение гиперболы.
20. Линии второго порядка: каноническое уравнение параболы.
21. Ограниченные и неограниченные последовательности.
22. Бесконечно малые последовательности.
23. Предел числовой последовательности.
24. Свойства сходящихся последовательностей.
25. Монотонные последовательности. Число  $e$ .
26. Предел функции. Таблица замечательных пределов.
27. Свойства предела функции.
28. Непрерывные функции: основные определения.
29. Свойства функций, непрерывных на отрезке.
30. Определение производной функции. Производные основных элементарных функций.
31. Правила дифференцирования: производная суммы, произведения и частного.
32. Геометрический смысл производной.
33. Производные и дифференциалы высших порядков.
34. Раскрытие неопределенностей, правила Лопиталя.

35. Экстремумы функций.
36. Выпуклые функции. Точки перегиба.
37. Асимптоты.
38. Полное исследование функции.
39. Неопределенный интеграл, его свойства. Таблица основных интегралов.
40. Правила интегрирования: метод замены переменной.
41. Правила интегрирования: интегрирование по частям.
42. Интегрирование рациональных функций.
43. Интегрирование некоторых иррациональных функций.
44. Определенный интеграл, его свойства. Основная формула интегрального исчисления.

### **Критерии оценивания компетенций**

Оценка «отлично» выставляется студенту, если студентом использована правильная структура ответа, выводы опираются на факты, видно понимание ключевой проблемы, выделяются понятия, выявлено умение переходить от частного к общему, видна чёткая последовательность

Оценка «хорошо» выставляется студенту, если структура ответа не всегда удачна, предложения не совершенны лексически, упущены факты, ключевая проблема не совсем понята, встречаются ошибки в деталях или фактах, имеются логические неточности.

Оценка «удовлетворительно» выставляется студенту, если отсутствуют элементы ответа,

Сбивчивое повествование, незаконченные предложения, упускаются важные факты, ошибки в выделении ключевой проблемы, частичное нарушение причинно- следственных связей.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется студенту, если выявляется неумение сформулировать вводную часть и большинство важных фактов отсутствует, выводы не делаются, неумение выделить ключевую проблему, выявляется незнание фактов и деталей, не понимает причинно - следственных связей.